

T 190 ELEKTROS INŽINERIJA

Maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinė trifazė apvija**J. Bukšnaitis**

*Agroenergetikos katedra, Lietuvos žemės ūkio universitetas,
Akademija LT- 53361, Kauno raj., tel. +370 7 397529, el. p. buksnaitis@tech.lzuu.lt*

Ivadas

Viensluoksnės trifazės apvijos dėl tam tikrų trūkumų tinka tik labai siuram (iki 15 kW) asinchroninių variklių galios diapazonui. Esant didesniems galioms, paprastai naudojamos dvisluksnės apvijos. Šios trifazės apvijos, kaip ir viensluoksnės, skirtomos į formines ir koncentrinės. Dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos gali būti paprastosios ir sinusinės. Kaip žinoma, vienintelės dvisluksnės forminės apvijos gali turėti sveiką arba trupmeninį griovelį skaičių q , tenkantį poliui ir fazei. Šių apvijų žingsnį y galima sutrumpinti kiek reikia, todėl prislopinamos arba visiškai panaikinamos tam tikros aukštesniosios magnetinio lauko erdinės harmonikos ir pastebimai pagerinamos variklių charakteristikos. Tačiau šiuo metu labiausiai paplitusios dvisluksnės forminės apvijos, palyginti su dvisluksnėmis koncentrinėmis apvijomis, turi keletą trūkumų: a) šių apvijų negalima sudaryti kaip sinusinių; b) šios apvijos netenkina pagrindinio mechanizuoto apvijų klojimo į statoriaus griovelius reikalavimo, t. y. apvijų klojimo metu reikia pakelti sekcijų aktyviuosius šonus. Dvisluksnų koncentrinės apvijų trūkumai, palyginti su forminėmis, yra šie: a) šias apvijas galima sudaryti tik su sveikuoju griovelii skaičiumi q , tenkančiu poliui ir fazei; b) ribotos galimybės sutrumpinti šių apvijų vidutinį žingsnį; c) nevienodi šių apvijų sekcijų matmenys.

Dvisluksnės forminės trifazės apvijos labai išsamiai išnagrinėtos [1-4], paprastosios dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos nagrinėjamos [5;6], sinusinių dvisluksnų koncentrinė trifazių apvijų tyrimas, esant sumažintam vidutiniui apvijos žingsniniui, pateiktas [7;8]. Šiame darbe nagrinėjama maksimalus vidutinio žingsnio sinusinė trifazė apvija.

Maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinės trifazės apvijos sudarymas

Sumažinto vidutinio žingsnio $y_{vid} = 2\tau/3 = 2q$ sinusinė trifazė apvija buvo sudaryta iš dvisluksnės koncentrinės trifazės to paties vidutinio žingsnio apvijos [7;8]. Iš pradžių buvo manyta, kad dėl kai kurių magnetolaidžio griovelii užpildo tariamo didelio sumažėjimo sinusinė trifazė maksimalaus vidutinio žingsnio $y_{vid} = 2\tau/3 + 1 = 2q + 1$ apviją iš analogiškos paprastosios koncentrinės apvijos

nėra tikslu sudaryti [6]. Išsamiau panagrinėjus sinusinės apvijos sudarymą iš dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos, nustatyta, kad buvo apsirikta.

Nagrinėjamos sinusinės dvisluksnės trifazės apvijos elektrinės schemas struktūra visiškai atitinka paprastosios dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos, esant maksimaliam vidutiniui jos žingsniniui, elektrinės schemas struktūrai (1 pav., a). Ši sinusinė dvisluksnė apvija taip pat sudaroma iš sekcijų grupių, kurių koncentrinės sekcijos yra nevienodo žingsnio. Didžiajų sekcijų žingsnis y_1 , esant maksimaliam vidutiniui apvijos žingsniniui, lygus polių žingsniniui τ ($y_1 = \tau$) (1 pav., a). Šiuo atveju tai pačiai fazei priklausanti gretimų grupių didžiajų sekcijų aktyvieji šonai klojami dvielem sluoksniais į tuos pačius griovelius. Sekcijų grupėse vidinių sekcijų žingsniai, kaip ir visų tipų koncentrinė apvijų, šių grupių centrinių ašių kryptimi sutrumpėja dvielem griovelii žingsniais. Nagrinėjamoje trifazėje apvijoje taip pat išlieka tos pačios fazinių pradžių ir pabaigų išvadų vietas, tie patys sekcijų ir sekcijų grupių susungimai, kaip ir paprastojoje dvisluksnėje koncentrinėje trifazėje apvijoje. Sinusinės dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos vidutinis žingsnis, kai $y_1 = \tau$, išreiškiamas taip [6]:

$$y_{vid} = \frac{y_1 + y_2 + \dots + y_q}{q} = \frac{\tau + (\tau - 2) + \dots + (\tau - 2(q-1))}{q} = \tau - q + 1 = 2\tau/3 + 1 = 2q + 1; \quad (1)$$

čia y_i – sekcijų grupės i -osios koncentrinės sekcijos žingsnis.

Nagrinėjama apvija, kaip ir visos kitos dvisluksnės apvijos, yra sudaryta iš šešių polių porų skaičiaus grupių. Gretimų sekcijų grupių pradžios viena nuo kitos yra nutolusios per q griovelii žingsnių arba išsidėščiusios kas 60° elektrinių laipsnių. Šioje apvijoje $6p$ magnetolaidžio griovelii užima tos pačios fazės sekcijų aktyvieji šonai (visos apvijos sekcijos, kurių žingsnis lygus polių žingsniniui), o i likusių griovelius $Z - 6p$, kur $Z -$ magnetolaidžio griovelii skaičius, p – polių porų skaičius, klojami skirtinę fazinę sekcijų aktyvieji šonai.

Šios sinusinės apvijos bet kurios fazės sekcijų grupėje, sudarytoje iš q skirtinę žingsnių sekcijų, kiekviena sekcija turi skirtinę vijų skaičių, tačiau sekcijos skirtinose sekcijų grupėse, turinčios tą patį žingsnį, turės vienodą vijų skaičių.

Nagrinėjamųjų apvijų sekcių aktyviųjų šonų, esančių apatiniuose ir viršutiniuose griovelio sluoksniuose, skaičius kiekvienai fazei yra vienodas, todėl šios apvijos yra simetriškos.

Sinusinės trifazės apvijos sekcių vių skaičiaus nustatymas optimizuojant pulsuojamosios magnetovaros erdvinių skirstinių

Sinusinės trifazės apvijos, turinčios maksimalų vidutinį žingsnį, bet kuri fazė, prijungta prie kintamosios srovės maitinimo šaltinio, turi kurti pulsuojamajį magnetinį lauką, kurio erdvinis skirstinys bus labiau priartėjęs prie sinusoidės, nei paprastosios dvisluoksnės koncentrinės trifazės apvijos pulsuojamosios magnetovaros erdviniis skirstinys. Šiuo atveju nagrinėjant pakanka 1 pav., a, pasirinkti bet kurios fazės bet kurią vieną sekcių grupę, salygojančią pulsuojamosios magnetovaros erdvinių skirstinio formą. Šios magnetovaros momentinių verčių erdvinė padėtis laikui bėgant nekis ir ji bus po grioveliais, kuriuose bus sukloti tų pačių fazių sekcių aktyvieji šonai. Vadinas, pulsuojamosios magnetovaros simetrijos ašis bet kuriuo atveju ir bet kuriuo laiko momentu sutaps su bet kurios sekcių grupės simetrijos ašimi. Ši ašis toliau nagrinėjant laikoma atskaitymo ašimi. I kairę arba į dešinę pusę nuo atskaitymo ašies sekcių grupės žingsnis atitinka 90° elektrinių laipsnių arba $Z/4p$ griovelio žingsnių.

Norint gauti pulsuojamosios magnetovaros skirstinio formą, labiau priartėjusią prie sinusoidės, sekcių grupėse sekcių vių skaičius nuo pasirinktos atskaitymo ašies turi būti paskirstomas pagal sinuso dėsnį, nes bet kurios sekcių grupės sekcionimis teka to paties dydžio ir tos pačios fazės srovė, todėl pulsuojamosios magnetovaros skirstinio formai turi itakos pačių sekcių jų grupėje skaičius ir jose esančių vių skaičius.

Atsižvelgiant į anksčiau išdėstyti samprotavimus, surandamos atitinkamų kampų sinuso funkcijų vertes, kurios bus lygios atitinkamų sekcių vių skaičiaus santykiniam dydžiam:

$$\begin{cases} \varphi_{p1} = \sin(\pi/2) = 1; \\ \varphi_{pi} = \sin[\pi/2 - \beta \cdot (i-1)]; \\ \varphi_{pq} = \sin[\pi/2 - \beta \cdot (q-1)]; \end{cases} \quad (2)$$

čia $\beta = 2\pi \cdot p / Z = \pi / \tau$ – griovelio žingsnis elektriniai laipsniai; $i = 1 \div q$ – sekcijos numeris sekcių grupėje.

Pirmajį numerij sekcių grupėje turi sekcią, kurios žingsnis $y_1 = \tau$, antrajį – sekcią, kurios žingsnis $y_2 = (\tau - 2)$, ir t. t. Tuomet, remiantis (2) išraiška, gaunama, kad pirmoji didžiausio žingsnio sekcija turės ir didžiausią vių skaičių, q -oji mažiausio žingsnio sekcija – mažiausią vių skaičių.

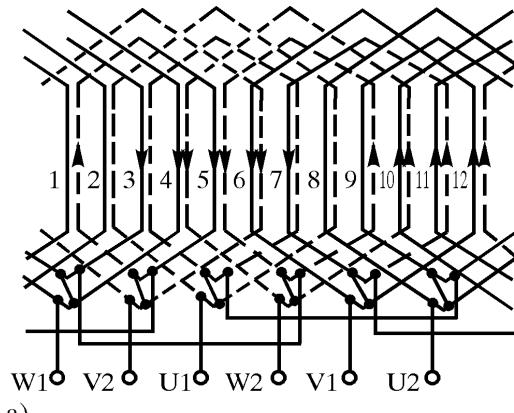
Tolesniams teoriniams nagrinėjimui sinusinė trifazė maksimalaus vidutinio žingsnio apvija susiejama su sutelktaja trifaze apvija, patikslinus gautos (2) išraiškoje sekcių vių skaičiaus santykinius dydžius:

$$\begin{cases} N_{p1}^* = \varphi_{p1} / C_p = 1 / C_p; \\ \dots \\ N_{pi}^* = \varphi_{pi} / C_p; \\ \dots \\ N_{pq}^* = \varphi_{pq} / C_p; \end{cases} \quad (3)$$

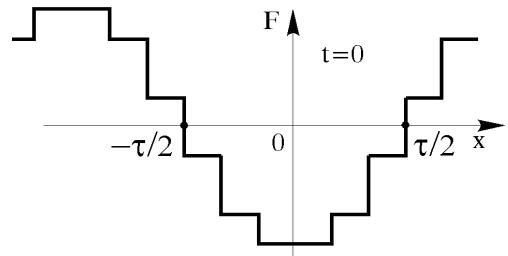
čia $C_p = \sum_{i=1}^q \varphi_{pi}$ – sekcių vių skaičiaus santykiniu dydžiu, gautu iš (2) išraiškos, sumą.

(3) išraiškos visų narių suma turi atitikti tokią lygybę:

$$\sum_{i=1}^q N_{pi}^* = 1. \quad (4)$$



a)



1 pav. Maksimalaus vidutinio žingsnio paprastosios bei sinusinės dvisluoksnės koncentrinės trifazių apvijų elektrinė schema (a) ir jų sukiosios magnetovaros laiko momentu $t=0$ erdviniis skirstinys (b)

1 pav., a, pateikta maksimalaus vidutinio žingsnio paprastosios ir sinusinės dvisluoksnės koncentrinės trifazių apvijų, kurių $2p = 2$, $q = 2$, $Z = 12$, $\tau = 6$, $y_{vid} = 5$, $\beta = 30^\circ$, elektrinė schema. Pasinaudojus (2), (3) išraiškomis, optimizuojant pulsuojamosios magnetovaros erdvinių skirstinių, apskaičiuojami nagrinėjamos sinusinės apvijos sekcių vių skaičiaus santykiniai dydžiai (1 lentelė).

1 lentelė. Paprastosios ir sinusinės dvisluoksnės koncentrinės trifazių apvijų sekcių vių skaičiaus santykiniai dydžiai

Sekcijos numeris	Apvijos tipas	
	Paprastoji	Sinusinė
1	0,5	0,536
2	0,5	0,464

1 pav., a, pateiktos paprastosios dvisluoksnės koncentrinės trifazės apvijos magnetolaidžio grioveliai

užpildomi visiškai, o nagrinėjamos sinisinės trifazės apvijos taip užpildomas tik kas antras griovelis. Kiti magnetolaidžio grioveliai užpildomi 86,6 %. Pateiktos sinisinės dvisluoksnės koncentrinės trifazės apvijos vidutinis griovelį užpildymas sieks 93,3 %.

Pasinaudojus literatūra [9], sudaroma sinisinės dvisluoksnės koncentrinės trifazės apvijos, gautos optimizavus jos pulsuojamają magnetovarą, koeficiente pirmajai harmonikai išraiška:

$$k_{w1} = \sum_{i=1}^q N_{pi}^* \sin\left(\frac{\pi \cdot y_i}{2\tau}\right) = \sum_{i=1}^q N_{pi}^* \sin(y_i \beta / 2). \quad (5)$$

Apvijos koeficiente ν -ajai harmonikai išraiška bus tokia:

$$k_{w\nu} = \sum_{i=1}^q N_{pi}^* \sin\left(\nu \frac{\pi \cdot y_i}{2\tau}\right) = \sum_{i=1}^q N_{pi}^* \sin(\nu \cdot y_i \beta / 2). \quad (6)$$

Pasinaudojus (5), (6) išraiškomis, apskaičiuojami 1 pav., a, pateiktų trifazių apvijų apvijos koeficientai kelioms harmonikoms (2 lentelė).

2 lentelė. Paprastosios ir sinisinės, gautos optimizavus pulsuojamają magnetovarą, dvisluoksnį koncentrinį trifazių apvijų apvijos koeficientai

Harmonikos eilės numeris	Apvijos tipas	
	Paprastoji	Sinusinė
1	0,933	0,938
5	0,0670	0,1342
7	-0,0670	-0,1342
11	-0,933	-0,938
13	0,933	0,938

Palyginus paprastąją ir sinisinę, gautą optimizavus pulsuojamosios magnetovaros erdvinių skirstinių, dvisluoksnės koncentrinės trifazės apvijas, matyti, kad jų apvijos koeficientai gaunami labai artimi, tačiau ši sinisinė apvija yra pranašesnė už paprastąją tuo, kad ją klojant sutaupoma apie 6,7 % vario nesumažinant, o netgi padidinant magnetovaros pirmosios harmonikos amplitudinę vertę 0,5 %.

Sinusinės trifazės apvijos sekocių vijų skaičiaus nustatymas optimizuojant sukišiosios magnetovaros erdvinių skirstinių

Sumuojant fiksuočius laiko momentais visų trijų fazų optimizuotus pulsuojamujų magnetovarų erdvinius skirstinius, kurių ašys erdvėje yra perstumtos kas 120° elektrinių laipsnių, gaunami tais pačiais laiko momentais sukiųjų magnetovarų erdviniai skirstiniai. Tačiau tai gaunami šie skirstiniai néra labiausiai priartėję prie sinisinio pasiskirstymo. Pulsuojamosios magnetovaros erdvinių skirstinių formuoja sekocių grupę, sudaryta iš q sekocių. Kadangi tiek paprastosios, tiek sinisinės dvisluoksnį koncentrinį trifazių apvijų pulsuojamosios bei sukišiosios magnetovarų erdvinių skirstiniai yra simetriški koordinacijų ašių atžvilgiu, tai magnetovarai nagrinėti užtenka paimti šių skirstinių ketvirtadalį periodo T . Taigi pulsuojamosios magnetovaros $\tau/2$ pločio erdvinių skirstinių formuoja q sekocių aktyvieji šonai. Sukiosios

magnetovaros šių skirstinių nagrinėjamoje apvijoje formuoja $Z/2p$ sekocių aktyvieji šonai. Kadangi dydis $Z/2p$ trifazėse apvijoje 3 kartus yra didesnis už q , todėl optimizuojant sukišiosios magnetovaros erdvinių skirstinių, galima ji labiau priartinti prie sinusoidės.

Naudojant 1 pav., nustatomos atskaitymo ašys. Jos sutampa su sukišiosios magnetovaros pusperiodžių (1 pav., b) simetrijos ašimis, t. y. eina per antrojo arba aštuntojo magnetolaidžio griovelį (1 pav., a) simetrijos ašis. Šiuose grioveliuose esti tos pačios fazės (U) didžiausio žingsnio y_1 sekocių aktyvieji šonai ir šiose sekociose laiko momentu $t = 0$ neteka srovė. Taip pat šiuo laiko momentu srovė neteka ir kitose U fazės sekociose, esančiose magnetolaidžio grioveliuose i dešinę ir į kairę pusę nuo pasirinktų atskaitymo ašių. Šiuose grioveliuose srovės teka fiksuočius laiko momentu tik kitų fazų (V ir W) sekocių aktyviuosiuose sluoksniuose. Tai labai palengvina spręsti optimalios sukišiosios magnetovaros sukūrimo uždavinį.

Norint gauti sukišiosios magnetovaros skirstinių laiko momentu $t = 0$ labiausiai priartėjusį prie sinisinio pasiskirstymo, sekocių vijų skaičių sekocių grupėse reikia nustatyti pagal erdvinės koordinatės, kurios pradžia gali būti bet kuri pasirinkta atskaitymo ašis, sinuso funkciją. Atsižvelgiant į anksčiau išdėstytyus samprotavimus, surandamos atitinkamą kampą sinuso funkcijų vertęs, kurios bus lygios sekocių vijų skaičiaus santykiniams dydžiams:

$$\begin{cases} \varphi_{s1} = \sin(\beta \cdot q); \\ \varphi_{si} = \sin[\beta(q+1-i)]; \\ \varphi_{sq} = \sin \beta; \end{cases} \quad (7)$$

čia $\beta = 2\pi \cdot p / Z = \pi / \tau$ – griovelį žingsnis elektriniai laipsniai; $i = 1 \dots q$ – sekocijos numeris sekocių grupėje.

Pirmajį numerį sekocių grupėje turi sekocija, kurios žingsnis $y_1 = \tau$, antrajį – sekocija, kurios žingsnis $y_2 = (\tau - 2)$, ir t. t.

Tolesniams teoriniams nagrinėjimui sinisinė dvisluoksnė koncentrinė trifazė maksimalaus vidutinio žingsnio apvija susiejama su sutelktaja trifaze apvija, perskaičiavus (7) išraiškos gautus sekocių vijų skaičiaus santykinius dydžius:

$$\begin{cases} N_{s1}^* = \varphi_{s1} / 2 \cdot C_s; \\ N_{s2}^* = \varphi_{s2} / C_s; \\ \dots \\ N_{si}^* = \varphi_{si} / C_s; \\ N_{sq}^* = \varphi_{sq} / C_s; \end{cases} \quad (8)$$

čia $C_s = \sum_{i=1}^q \varphi_{si}$ – sekocių vijų skaičiaus santykinių dydžių, gautų iš (7) išraiškos, suma.

Todėl (8) išraiškos narių suma atitinka tokią lygybę:

$$\sum_{i=1}^q N_{si}^* = 1. \quad (9)$$

Pasinaudojus (7), (8) išraiškomis, optimizuojant sukiųios magnetovaros skirstinių, apskaičiuojami nagrinėjamos sinusinės apvijos (1 pav., a) sekocių vių skaičiaus santykiniai dydžiai (3 lentelė).

3 lentelė. Paprastosios ir sinusinės dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijų sekocių vių skaičiaus santykiniai dydžiai

Sekocijos numeris	Apvijos tipas	
	Paprastoji	Sinusinė
1	0,5	0,464
2	0,5	0,536

Pateiktos sinusinės dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos vidutinis griovelį užpildymas išlieka tokis pat, kaip ir optimizuojant pulsuojamąsias magnetovaras (lygus 93,3 %). Manoma, kad magnetolaidžio griovelį užpildymas pirmuoju ir antruoju atvejais, didėjant griovelį skaičiui q ($q > 2$), tenkančiam poliui ir fazei, neišliks tokis pat.

Pasinaudojus literatūra [9], sudaroma sinusinės dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos, gautos optimizavus jos sukią magnetovarą, koeficiente pirmajai harmonikai išraiška:

$$k_{w1} = \sum_{i=1}^q N_{si}^* \sin\left(\frac{\pi \cdot y_i}{2\tau}\right) = \sum_{i=1}^q N_{si}^* \sin(y_i \beta / 2). \quad (10)$$

Apvijos koeficiente išraiška ν -ajai harmonikai bus tokia:

$$k_{w\nu} = \sum_{i=1}^q N_{si}^* \sin\left(\nu \frac{\pi \cdot y_i}{2\tau}\right) = \sum_{i=1}^q N_{si}^* \sin(\nu \cdot y_i \beta / 2). \quad (11)$$

Pasinaudojus (10) ir (11) išraiškomis, kelioms harmonikoms apskaičiuojami 1 pav., a, pateiktų trifazės apvijų apvijos koeficientai (4 lentelė).

4 lentelė. Paprastosios ir sinusinės, gautos optimizavus sukią magnetovarą, dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijų apvijos koeficientai

Harmonikos eilės numeris	Apvijos tipas	
	Paprastoji	Sinusinė
1	0,933	0,928
5	0,0670	0
7	-0,0670	0
11	-0,933	-0,928
13	0,933	0,928

Palyginus paprastąjį dvisluksnę koncentrinę trifazę apviją ir sinusinę su optimizuotu sukiųios magnetovaros erdviniu skirstiniu, matyti, kad jų dantų harmonikų ($\nu = 11, 13$) apvijos koeficientai gaunami labai artimi. Tačiau sinusinės apvijos kitų aukštesniųjų harmonikų šie koeficientai tampa lygūs nuliui. Sinusinė apvija, optimizuojant sukiųios magnetovaros skirstinių, už paprastąjį pranašesnė dar ir tuo, kad ją naudojant sumaupoma apie 6,7 % vario, sumažinus magnetovaros pirmosios harmonikos amplitudinę vertę tik 0,5 %.

Išvados

1. Paprastąjas ir sinusines maksimalaus vidutinio žingsnio dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos į magnetolaidžių griovelius galima sukloti mechanizuotai, nepakeliant ričių aktyviųjų šonų.

2. Iš visų trifazių apvijų ne tik sumažinto vidutinio žingsnio, bet ir paprastoji dvisluksnė koncentrinė trifazė apvija tenkina sinusinės trifazės apvijos elektrinei schemai keliamus struktūrinius reikalavimus, t. y. pulsuojamosios magnetovaros periodo pasiskirstymą salygojančios dvi gretimos sekocių grupės yra visiškai simetriškos savo ašių⁴⁸ atžvilgiu ir šių grupių bendras žingsnis lygus dvigubam polių žingsniniui.

3. Teikiamą maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinę trifazę apviją galima gauti iš paprastosios dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos, paliekant ta pačią jos struktūrą ir nustatant sekocių grupių sekociose naujus nevienodus vių skaičius.

4. Teikiamos sinusinės trifazės apvijos maksimalus vidutinis žingsnis visuomet gaunamas mažesnis už polių žingsnį dydžiu, gautu iš polių ir fazei tenkančio griovelį skaičiaus atėmus vienetą ($\tau \cdot y_{vid} = q - 1$).

5. Maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinės trifazės apvijos nevienodus vių skaičius sekociose galima nustatyti optimizuojant pulsuojamosios arba sukiųios magnetovaros erdvinius skirstinius tam tikru laiko momentu.

6. Sinusinėje trifazėje apvijoje optimizavus sukiųios magnetovaros erdvinių skirstinių, aukštesniųjų magnetovaros harmonikų amplitudinės vertės labiau sumažinamos, nei optimizavus pulsuojamosios magnetovaros erdvinių skirstinių.

7. Sinusinėje trifazėje apvijoje sekocių vių skaičiaus nustatymo abiem atvejais vidutinis griovelį užpildymas, palyginti su paprastosios dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos griovelį užpildymu, sumažėja, tačiau pagrindinės magnetovaros harmonikos amplitudinė vertė išlieka beveik nepakitusi.

8. Maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinę trifazę apvija, ir ypač gautoji optimizavus sukiųios magnetovaros erdvinių skirstinių, yra pranašesnė už paprastąjį dvisluksnę koncentrinę apviją.

Literatūra

1. Marazas S. Elektros mašinos. – V.: Mokslo, 1989. – 303 p.
2. Kostrauskas P. Asinchroninės elektros mašinos. – Kaunas: Technologija, 1995. – 116 p.
3. Вольдек А.И. Электрические машины. – Ленинград: Энергия, 1978. – 832 с.
4. Жерве Г.К. Обмотки электрических машин. – Ленинград: Энергоатомиздат, 1989. – 399 с.
5. Клоков Б.К. Обмотчик электрических машин. – Москва: Высшая школа, 1982. – 279 с.
6. Bukšnaitis J. Mechanizuotai kloti pritaikytu dvisluksnės trifazės apvijų tyrimas // Elektronika ir elektrotehnika. – Kaunas: Technologija, 2003. – Nr.6(48). – P.52–56.
7. Bukšnaitis J. Sinusinės trifazės apvijos sudarymo tyrimas // Elektronika ir elektrotehnika. – Kaunas: Technologija, 2004. – Nr.1(50). – P.46–51.
8. Bukšnaitis J. Sinusinės trifazės apvijos pagrindimas ir tyrimas // Energetika. – Vilnius: Lietuvos mokslo akademijos leidykla, 2004. – Nr.2. – P.20–27.
9. Smilgevičius A. Vienfazės apvijos paskirstymas ir magnetovaros harmoninė sudėtis // Elektronika ir elektrotehnika. – Kaunas: Technologija, 2001. – Nr.4(33). – P.29–31.

J. Bukšnaitis. Maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinė trifazė apvija //Elektronika ir elektrotechnika. – Kaunas: Technologija, 2005. – Nr. 4(60). – P.45–49.

Išnagrinėtos dvisluksnės trifazės apvijos, kurių elektrinių schemų pagrindu būtų galima sudaryti maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinę trifazę apviją. Nustatyta, kad tokią apviją galima sudaryti iš paprastosios dvisluksnės koncentrinės trifazės apvijos, kuri visiškai atitinka sinusinės trifazės apvijos elektrinei schemai keliamas struktūrines sąlygas, kadangi šios apvijos kiekvienos fazės pulsuojamų magnetoverų pasiskirstymus sąlygojančios sekcių grupės yra simetriškos jų ašių atžvilgiu ir šių grupių žingsniai lygūs polių žingsniui. Gautos analizinės išraiškos šios sinusinės trifazės apvijos sekcių santykiniam vijų skaičiui nustatyti optimizuojant jos pulsuojamosios arba sukiosios magnetoverbos erdvinius skirstinius. Taip pat gautos analizinės išraiškos nagrinėjamos apvijos pagrindinės ir aukštesniųjų harmonikų apvijos koeficientams apskaičiuoti. Taikant pateiktą maksimalaus vidutinio žingsnio sinusinės trifazės apvijos sudarymo metodą nebūtina iš anksto gauti jos magnetoverbos erdvinius skirstinius. Sudaryta dvipolė sinusinė trifazė apvija, kai jos griovelį skaičius, tenkantis poliui ir fazei, lygus dviem, pateikiant šios apvijos sekcių santykinius vijų skaičius, gautus optimizavus pulsuojamosios ir sukiosios magnetoverbos erdvinius skirstinius, ir apvijos koeficientus. Išnagrinėtais dviem atvejais gauti skirtinti rezultatai. Il. 1, bibl. 9 (lietuvių kalba; santraukos lietuvių, anglų ir rusų k.).

J. Bukšnaitis. Sinusoidal Three-phase Winding with Maximal Average Span // Electronics and Electrical Engineering. – Kaunas: Technologija, 2005. – No. 4(60). – P. 45–49.

Three-phases two-layer windings were explored in this article. The sinusoidal three-phase winding with maximal average span can be made on the background of them. It was established that such winding can be made from simple two-layers concentric three-phase winding. It satisfies structural requirements for sinusoidal three-phase winding of the electrical diagram. For each phase of this group of the pulsating periods of magnetomotive force conditioned by the main group of the coils, with respect to the axes formed by the two same groups, are whole symmetrical with respect to the axes of the considered groups. The steps of these main coils groups are equal to the poles step. There was presented analytical expressions of measurement of the number of coils turns of sinusoidal three-phase winding by optimizing pulsating and rotating magnetomotive forces. Also there was presented analytical expressions of calculated windings factor. It was shown that winding factor of sinusoidal three-phase winding can be calculated for separate section adding all winding factors. It was explored two-poles sinusoidal winding. They were compared according to appropriate rates. Ill. 1, bibl. 9 (in Lithuanian; summaries in Lithuanian, English and Russian).

Ю. Букшнайтис. Синусная трехфазная обмотка с максимальным средним шагом // Электроника и электротехника. - Каunas: Технология, 2005. - № 4(60). – С. 45–49.

Рассмотрены двухслойные трёхфазные обмотки, на основе электрических схем, которых можно было бы создать синусную трёхфазную обмотку с максимальным средним шагом. Определено, что такую обмотку можно создать из простой двухслойной концентрической трёхфазной обмотки, которая полностью соответствует структурным условиям, предъявленным к электрической схеме синусной трёхфазной обмотки. Приводятся аналитические выражения для расчета относительных чисел витков секции этой синусной трёхфазной обмотки, оптимизируя пульсирующую или вращающую магнитодвижущую силу. Также приводятся аналитические выражения для определения обмоточных коэффициентов основной и высших гармоник рассматриваемой синусной трёхфазной обмотки. Обмоточный коэффициент соответственной гармоники рассчитываются как сумма коэффициентов всех секций, входящих с различными шагами и числами витков в их группу. Рассмотрена двухполюсная синусная трёхфазная обмотка с двумя пазами на полюс и фазу, определены относительные числа витков секции этой обмотки, оптимизируя пульсирующую и вращающую магнитодвижущую силу, и рассчитаны обмоточные коэффициенты. Ил. 1, библ. 9 (на литовском языке; рефераты на литовском, английском и русском яз.).